

AL/2018/10/T-I

සියලු ම හිමිකම් ඇවිරිණි/முழுப் பதிப்புரிமையுடையது/All Rights Reserved

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்  
 Department of Examinations, Sri Lanka  
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்  
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2018 අගෝස්තු  
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2018 ஆகஸ்ட்  
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2018

සංයුක්ත ගණිතය I  
 இணைந்த கணிதம் I  
 Combined Mathematics I

10 T I

2018.08.06 / 0830 - 1140

පැය තුනයි  
 மூன்று மணித்தியாலம்  
 Three hours

අමතර කියවීමේ කාලය - මිනිත්තු 10 යි  
 மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்  
 Additional Reading Time - 10 minutes

வினாப்பத்திரத்தை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவுசெய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒருங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

சுட்டெண்

அறிவுறுத்தல்கள்:

- \* இவ்வினாத்தாள் பகுதி A (வினாக்கள் 1 - 10), பகுதி B (வினாக்கள் 11 - 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டது.
- \* பகுதி A:  
எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. ஒவ்வொரு வினாவுக்குமுரிய உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- \* பகுதி B:  
ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. உமது விடைகளைத் தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் எழுதுக.
- \* ஒதுக்கப்பட்டுள்ள நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A யின் விடைத்தாளானது பகுதி B யின் விடைத்தாளுக்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- \* வினாத்தாளின் பகுதி B யை மாத்திரம் பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.

பரீட்சகர்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

(10) இணைந்த கணிதம் I		
பகுதி	வினா எண்	புள்ளிகள்
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	மொத்தம்	
	சதவீதம்	

வினாத்தாள் I	
வினாத்தாள் II	
மொத்தம்	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

இறுதிப் புள்ளிகள்

இலக்கத்தில்	
எழுத்தில்	

குறியிட்டெண்கள்

விடைத்தாள் பரீட்சகர்	
பரிசீலித்தவர்:	1
	2
மேற்பார்வை செய்தவர்:	

[பக். 2 ஐப் பார்க்க











ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்  
 Department of Examinations, Sri Lanka  
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம்  
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2018 අගෝස්තු  
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2018 ஆகஸ்ட்  
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2018

සංයුක්ත ගණිතය I  
 இணைந்த கணிதம் I  
 Combined Mathematics I

10 T I

பகுதி B

\* ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

11. (a)  $a, b \in \mathbb{R}$  எனக் கொள்வோம். சமன்பாடு  $3x^2 - 2(a + b)x + ab = 0$  இன் பிரித்துக்காட்டியை  $a, b$  என்பவற்றில் எழுதி, இதிலிருந்து, இச்சமன்பாட்டின் மூலங்கள் மெய்யானவை எனக் காட்டுக. இம்மூலங்கள்  $\alpha, \beta$  எனக் கொள்வோம்.  $\alpha + \beta, \alpha\beta$  ஆகியவற்றை  $a, b$  என்பவற்றில் எழுதுக.

இப்போது,  $\beta = \alpha + 2$  எனக் கொள்வோம்.  $a^2 - ab + b^2 = 9$  எனக் காட்டி,  $|a| \leq \sqrt{12}$  என உய்த்தறிந்து,  $b$  இனை  $a$  இல் காண்க.

- (b)  $c (\neq 0), d$  ஆகியன மெய்யெண்கள் எனவும்  $f(x) = x^3 + 4x^2 + cx + d$  எனவும் கொள்வோம்.  $f(x)$  ஆனது  $(x + c)$  இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி  $-c^3$  ஆகும். அத்துடன்  $(x - c)$  ஆனது  $f(x)$  இன் ஒரு காரணியாகும்.  $c = -2$  எனவும்  $d = -12$  எனவும் காட்டுக.

$c, d$  ஆகியவற்றின் இப்பெறுமானங்களுக்கு  $f(x)$  ஆனது  $(x^2 - 4)$  இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதியைக் காண்க.

12. (a) ஒவ்வொன்றிலும் மூன்று ஆண் பிள்ளைகளும் இரண்டு பெண் பிள்ளைகளும் இருக்கும் இரு கூட்டங்களின் உறுப்பினர்களிடையே ஆறு உறுப்பினர்களைக் கொண்ட ஒரு குழுவை, குழுவில் உள்ள பெண் பிள்ளைகளின் எண்ணிக்கை உயர்ந்தபட்சம் இரண்டு ஆக இருக்கத்தக்கதாக, தெரிந்தெடுக்க வேண்டும்.

(i) குழுவுக்கு ஒவ்வொரு கூட்டத்திலிருந்தும் இரட்டை எண்ணிக்கையிலான உறுப்பினர்களைத் தெரிந்தெடுக்க வேண்டும் எனின்,

(ii) குழுவுக்கு ஒரு பெண் பிள்ளையை மாத்திரம் தெரிந்தெடுக்க வேண்டும் எனின், ஆக்கப்படத்தக்க அத்தகைய வெவ்வேறு குழுக்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

- (b)  $r \in \mathbb{Z}^+$  இற்கு  $f(r) = \frac{1}{(r+1)^2}$  எனவும்  $U_r = \frac{(r+2)}{(r+1)^2(r+3)^2}$  எனவும் கொள்வோம்.

$r \in \mathbb{Z}^+$  இற்கு  $f(r) - f(r+2) = 4U_r$  எனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து,  $n \in \mathbb{Z}^+$  இற்கு  $\sum_{r=1}^n U_r = \frac{13}{144} - \frac{1}{4(n+2)^2} - \frac{1}{4(n+3)^2}$  எனக் காட்டுக.

முடிவில் தொடர்  $\sum_{r=1}^{\infty} U_r$  ஒருங்குகின்றது என்பதை உய்த்தறிந்து, அதன் கூட்டுத்தொகையைக் காண்க.

$n \in \mathbb{Z}^+$  இற்கு  $t_n = \sum_{r=n}^{2n} U_r$  எனக் கொள்வோம்.

$\lim_{n \rightarrow \infty} t_n = 0$  எனக் காட்டுக.

13. (a)  $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 2 & 4 & -1 \end{pmatrix}$  எனவும்  $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 3 & 2a \\ -1 & 0 \\ 1 & 3a \end{pmatrix}$  எனவும் கொள்வோம்; இங்கு  $a \in \mathbb{R}$ .

$\mathbf{P} = \mathbf{AB}$  இனால் வரையறுக்கப்படும் தாயம்  $\mathbf{P}$  ஐக் கண்டு,  $a$  இன் எப்பெறுமானத்திற்கும்  $\mathbf{P}^{-1}$  உளதாக இருப்பதில்லை எனக் காட்டுக.

$\mathbf{P} \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} = 5 \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$  எனின்,  $a = 2$  எனக் காட்டுக.

$a$  இற்குரிய இப்பெறுமானத்துடன்  $\mathbf{Q} = \mathbf{P} + \mathbf{I}$  எனக் கொள்வோம்; இங்கு  $\mathbf{I}$  ஆனது வரிசை 2 ஆகவுள்ள சர்வசமன்பாட்டுத் தாயம் ஆகும்.

$\mathbf{Q}^{-1}$  ஐ எழுதி,  $\mathbf{AA}^T - \frac{1}{2}\mathbf{R} = \left(\frac{1}{5}\mathbf{Q}\right)^{-1}$  ஆக இருக்கத்தக்கதாகத் தாயம்  $\mathbf{R}$  ஐக் காண்க.

(b)  $z = x + iy$  எனக் கொள்வோம்; இங்கு  $x, y \in \mathbb{R}$  ஆகும்.  $z$  இன் மட்டு  $|z|$  ஐயும் உடன்புணரி  $\bar{z}$  ஐயும் வரையறுக்க.

(i)  $z\bar{z} = |z|^2$  எனவும்

(ii)  $z + \bar{z} = 2 \operatorname{Re} z$  எனவும்  $z - \bar{z} = 2i \operatorname{Im} z$  எனவும் காட்டுக.

$z \neq 1$  எனவும்  $w = \frac{1+z}{1-z}$  எனவும் கொள்வோம்.  $\operatorname{Re} w = \frac{1-|z|^2}{|1-z|^2}$  எனவும்  $\operatorname{Im} w = \frac{2 \operatorname{Im} z}{|1-z|^2}$  எனவும் காட்டுக.

மேலும்,  $z = \cos \alpha + i \sin \alpha$  ( $0 < \alpha < 2\pi$ ) எனின்,  $w = i \cot \frac{\alpha}{2}$  எனக் காட்டுக.

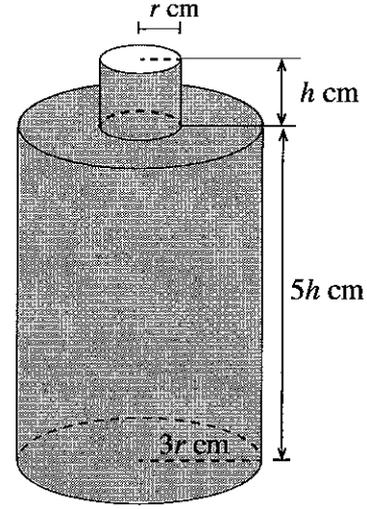
(c) ஓர் ஆகண் வரிப்படத்தில்  $A, B$  ஆகிய புள்ளிகள் முறையே  $-3i, 4$  என்னும் சிக்கலெண்களை வகைகுறிக்கின்றன.  $C, D$  ஆகிய புள்ளிகள் முதற் கால்வட்டத்தில்,  $ABCD$  ஒரு சாய்சதுரமாகவும்  $\hat{BAD} = \theta$  ஆகவும் இருக்கத்தக்கதாக, உள்ளன; இங்கு  $\theta = \sin^{-1}\left(\frac{7}{25}\right)$  ஆகும்.  $C, D$  ஆகிய புள்ளிகளினால் வகைகுறிக்கப்படும் சிக்கலெண்களைக் காண்க.

14. (a)  $x \neq -1, \frac{1}{3}$  இற்கு  $f(x) = \frac{16(x-1)}{(x+1)^2(3x-1)}$  எனக் கொள்வோம்.

$x \neq -1, \frac{1}{3}$  இற்கு  $f(x)$  இன் பெறுதி  $f'(x)$  ஆனது  $f'(x) = \frac{-32x(3x-5)}{(x+1)^3(3x-1)^2}$  இனால் தரப்படுகின்றது எனக் காட்டுக.

அணுகுகோடுகளையும் திரும்பற் புள்ளிகளையும் காட்டி  $y = f(x)$  இன் வரைபைப் பரும்படியாக வரைக. வரைபைப் பயன்படுத்திச் சமன்பாடு  $k(x+1)^2(3x-1) = 16(x-1)$  செப்பமாக ஒரு மூலத்தைக் கொண்டிருக்கத்தக்கதாக  $k \in \mathbb{R}$  இன் பெறுமானங்களைக் காண்க.

(b)  $3r$  cm ஆரையையும்  $5h$  cm உயரத்தையும் உடைய ஓர் அடைத்த செவ்வட்டப் பொள் உருளையின் மேல் முகத்திலிருந்து  $r$  cm ஆரையை உடைய ஒரு தட்டை அகற்றி  $r$  cm ஆரையும்  $h$  cm உயரத்தையும் உடைய ஒரு திறந்த செவ்வட்டப் பொள் உருளையை உருவிற்க காட்டப்பட்டுள்ளவாறு பொருத்தி  $391\pi$  cm<sup>3</sup> கனவளவு உள்ள ஒரு போத்தல் செய்யப்பட வேண்டியுள்ளது. போத்தலின் மொத்த மேற்பரப்பின் பரப்பளவு  $S$  cm<sup>2</sup> ஆனது  $S = \pi r(32h + 17r)$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது.  $S$  இழிவாக இருக்கத்தக்கதாக  $r$  இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.



15. (a) (i)  $x^2, x^1, x^0$  ஆகியவற்றின் குணகங்களை ஒப்பிடுவதன் மூலம், எல்லா  $x \in \mathbb{R}$  இற்கும்  $Ax^2(x-1) + Bx(x-1) + C(x-1) - Ax^3 = 1$  ஆக இருக்கத்தக்கதாக  $A, B, C$  ஆகிய மாறிலிகளின் பெறுமானங்களைக் காண்க.

இதிலிருந்து,  $\frac{1}{x^3(x-1)}$  ஐப் பகுதிப் பின்னங்களில் எழுதி,  $\int \frac{1}{x^3(x-1)} dx$  ஐக் காண்க.

(ii) பகுதிகளாகத் தொகையிடலைப் பயன்படுத்தி  $\int x^2 \cos 2x dx$  ஐக் காண்க.

(b) பிரதியீடு  $\theta = \tan^{-1}(\cos x)$  ஐப் பயன்படுத்தி  $\int_0^{\pi} \frac{\sin x}{\sqrt{1 + \cos^2 x}} dx = 2 \ln(1 + \sqrt{2})$  எனக் காட்டுக.

$a$  ஒரு மாறிலியாக இருக்கும் சூத்திரம்  $\int_0^a f(x) dx = \int_0^a f(a-x) dx$  ஐப் பயன்படுத்தி

$\int_0^{\pi} \frac{x \sin x}{\sqrt{1 + \cos^2 x}} dx$  ஐக் காண்க.

16.  $A \equiv (-2, -3)$  எனவும்  $B \equiv (4, 5)$  எனவும் கொள்வோம். புள்ளி  $A$  இனூடாகச் செல்லும்  $l_1, l_2$  ஆகிய கோடுகள் ஒவ்வொன்றும் கோடு  $AB$  உடன் ஆக்கும் கூர்ங்கோணம்  $\frac{\pi}{4}$  ஆக இருக்கத்தக்கதாக  $l_1, l_2$  ஆகியவற்றின் சமன்பாடுகளைக் காண்க.

$P, Q$  ஆகிய புள்ளிகள் முறையே  $l_1, l_2$  ஆகியவற்றின் மீது,  $APBQ$  ஒரு சதுரமாக இருக்கத்தக்கதாக, எடுக்கப்பட்டுள்ளன.

$PQ$  இன் சமன்பாட்டைக் கண்டு,  $P, Q$  ஆகியவற்றின் ஆள்கூறுகளைக் காண்க.

அத்துடன்,  $A, P, B, Q$  ஆகிய புள்ளிகளினூடாகச் செல்லும் வட்டம்  $S$  இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

$\lambda > 1$  எனக் கொள்வோம். புள்ளி  $R \equiv (4\lambda, 5\lambda)$  ஆனது வட்டம்  $S$  இற்கு வெளியே இருக்கின்றதெனக் காட்டுக. புள்ளி  $R$  இலிருந்து வட்டம்  $S$  இற்கு வரையப்பட்டுள்ள தொடலிகளின் தொடுகை நாணின் சமன்பாட்டைக் காண்க.

$\lambda (> 1)$  மாறும்போது இத்தொடுகை நாண்கள் ஒரு நிலைத்த புள்ளியினூடாகச் செல்கின்றன எனக் காட்டுக.

17. (a)  $0 \leq \theta \leq \pi$  இற்கு  $\cos 2\theta + \cos 3\theta = 0$  ஐத் தீர்க்க:

$\cos 2\theta$  ஐயும்  $\cos 3\theta$  ஐயும்  $\cos \theta$  இல் எழுதி,

$\cos 2\theta + \cos 3\theta = 4t^3 + 2t^2 - 3t - 1$  எனக் காட்டுக; இங்கு  $t = \cos \theta$ .

இதிலிருந்து, சமன்பாடு  $4t^3 + 2t^2 - 3t - 1 = 0$  இன் மூன்று மூலங்களையும் எழுதி, சமன்பாடு

$4t^2 - 2t - 1 = 0$  இன் மூலங்கள்  $\cos \frac{\pi}{5}$ ,  $\cos \frac{3\pi}{5}$  எனக் காட்டுக.

$\cos \frac{3\pi}{5} = \frac{1 - \sqrt{5}}{4}$  என்பதை உய்த்தறிக.

(b)  $ABC$  ஒரு முக்கோணி எனவும்  $D$  ஆனது  $BC$  மீது,  $BD : DC = m : n$  ஆக இருக்கத்தக்கதாக,

உள்ள புள்ளி எனவும் கொள்வோம்; இங்கு  $m, n > 0$  ஆகும்.  $\hat{BAD} = \alpha$  எனவும்  $\hat{DAC} = \beta$  எனவும் தரப்பட்டுள்ளது.  $BAD, DAC$  ஆகிய முக்கோணிகளுக்குச் சைன் நெறியைப் பயன்படுத்தி,

$\frac{mb}{nc} = \frac{\sin \alpha}{\sin \beta}$  எனக் காட்டுக; இங்கு  $b = AC$  உம்  $c = AB$  உம் ஆகும்.

இதிலிருந்து,  $\frac{mb - nc}{mb + nc} = \tan \left( \frac{\alpha - \beta}{2} \right) \cot \left( \frac{\alpha + \beta}{2} \right)$  எனக் காட்டுக.

(c)  $2 \tan^{-1} \left( \frac{1}{3} \right) + \tan^{-1} \left( \frac{4}{3} \right) = \frac{\pi}{2}$  எனக் காட்டுக.



agaram.lk

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்  
 Department of Examinations, Sri Lanka  
 ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம்

**අධ්‍යයන පොදු කணிක පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2018 අගෝස්තු**  
**கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தரப் பரீட்சை, 2018 ஆகஸ்ட்)**  
**General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2018**

සංයුක්ත ගණිතය II  
 இணைந்த கணிதம் II  
 Combined Mathematics II

**10 T II**

**2018.08.08 / 0830 - 1140**

පැය තුනයි  
 மூன்று மணித்தியாலம்  
 Three hours

අමතර කියවීමේ කාලය - මිනිත්තු 10 යි  
 மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்  
 Additional Reading Time - 10 minutes

வினாப்பத்திரத்தை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவுசெய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒழுங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

கட்டெண்

--	--	--	--	--	--	--	--

**அறிவுறுத்தல்கள் :**

- \* இவ்வினாத்தாள் பகுதி A (வினாக்கள் 1 - 10), பகுதி B (வினாக்கள் 11 - 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டுள்ளது.
- \* பகுதி A:  
எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் உமது விடைகளை எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமென்றால், நீர் மேலதிகத் தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- \* பகுதி B:  
ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் உமது விடைகளை எழுதுக.
- \* ஒதுக்கப்பட்ட நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A இன் விடைத்தாளானது பகுதி B இன் விடைத்தாளுக்கு மேலே இருக்கக்கூடாதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- \* வினாத்தாளின் பகுதி B ஐ மாத்திரம் பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.
- \* இவ்வினாத்தாளில் 8 ஆனது புவியீர்ப்பினாலான ஆர்முடுகலைக் குறிக்கின்றது.

**பரீட்சகரின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்**

(10) இணைந்த கணிதம் II		
பகுதி	வினா எண்	புள்ளிகள்
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	மொத்தம்	
	சதவீதம்	

வினாத்தாள் I	
வினாத்தாள் II	
மொத்தம்	
இறுதிப் புள்ளிகள்	

**இறுதிப் புள்ளிகள்**

இலக்கத்தில்	
எழுத்தில்	

**குறியீட்டெண்கள்**

விடைத்தாள் பரீட்சகர்	
பரிசீலித்தவர்:	1
	2
மேற்பார்வை செய்தவர்:	

Agaram.LK - Keep your dreams alive!

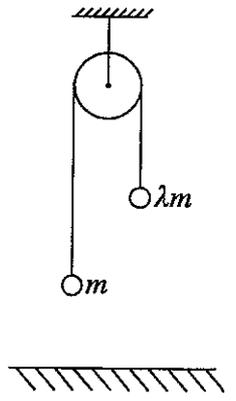
Agaram.LK - Keep your dreams alive!

## பகுதி A

1. ஓர் ஒப்பமான கிடை மேசை மீது ஒரே நேர்கோட்டின் வழியே ஒன்றையொன்று நோக்கி ஒரே கதி  $u$  இல் இயங்கும் முறையே  $2m, m$  என்னும் திணிவுகளை உடைய  $A, B$  என்னும் இரு துணிக்கைகள் நேரடியாக மோதுகின்றன. மொத்தலுக்குச் சற்றுப் பின்னர் துணிக்கை  $A$  ஓய்வுக்கு வருகின்றது. மீளமைவுக் குணகம்  $\frac{1}{2}$  எனவும் மொத்தல் காரணமாக  $B$  மீது உருற்றப்படும் கணத்தாக்கின் பருமன்  $2mu$  எனவும் காட்டுக.

2. கிடைத் தரை மீது உள்ள ஒரு புள்ளியிலிருந்து ஒரு துணிக்கை கிடையுடன் கோணம்  $\alpha$  ( $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ ) ஐ ஆக்கும் ஒரு திசையில் தொடக்கக் கதி  $u = \sqrt{2gR}$  உடன் எறியப்படுகின்றது; இங்கு  $R$  ஆனது தரையின் மீது எறிபடையின் கிடை வீச்சாகும். எறியத்தின் இரு இயல்தகு தொடக்கத் திசைகளுக்கிடையே உள்ள கோணம்  $\frac{\pi}{3}$  எனக் காட்டுக.

3. ஓர் ஒப்பமான நிலைத்த கப்பிக்கு மேலாகச் செல்லும் ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழையின் இரு நுனிகளுடன் திணிவு  $m$  ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை  $P$  உம் திணிவு  $\lambda m$  ஐ உடைய வேறொரு துணிக்கை  $Q$  உம் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. உருவிற் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு இழை இறுக்கமாக இருக்க, இத்தொகுதி ஓய்விலிருந்து விடுவிக்கப்படுகின்றது. துணிக்கை  $P$  ஆனது ஆர்முடுகல்  $\frac{g}{2}$  உடன் கீழ்நோக்கி இயங்குகின்றது.  $\lambda = \frac{1}{3}$  எனக் காட்டுக.



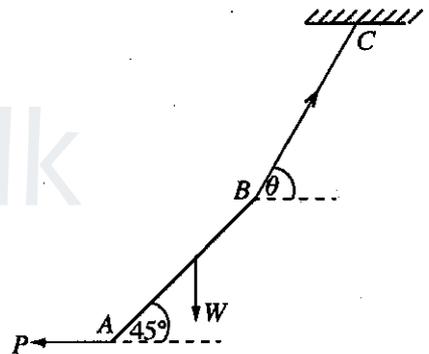
துணிக்கை  $P$  ஒரு மீள்தன்மையின்றிய கிடை நிலத்தைக் கதி  $v$  உடன் மோதுகின்றது அத்துடன் துணிக்கை  $Q$  ஒருபோதும் கப்பியை அடையாது எனின், துணிக்கை  $P$  நிலத்தில் மோதும் கணத்திலிருந்து துணிக்கை  $Q$  உயர்ந்தபட்ச உயரத்தை அடைவதற்கு எடுக்கும் நேரத்தைக் காண்க.

4. 1200 kg திணிவுள்ள ஒரு கார், அதன் எஞ்சின் நிற்பாட்டப்பட்ட நிலையில், கிடையுடன் சாய்வு  $\alpha$  இல் உள்ள ஒரு நேர் வீதி வழியே, இங்கு  $\sin \alpha = \frac{1}{30}$ , ஒரு குறித்த மாறாக் கதியுடன் கீழ்நோக்கி இயங்குகின்றது. புவியீர்ப்பினாலான ஆர்முடுகல்  $g = 10 \text{ m s}^{-2}$  எனக் கொண்டு காரின் இயக்கத்திற்கான தடையை நியூற்றனில் காண்க.
- கார் இத்தடையின் கீழ் அவ்வீதி வழியே மேல்நோக்கி ஓர் ஆர்முடுகல்  $\frac{1}{6} \text{ m s}^{-2}$  உடன் செல்லும்போது அதன் கதி  $15 \text{ m s}^{-1}$  ஆகவுள்ள கணத்தில் எஞ்சினின் வலுவைக் கிலோவாற்றிற காண்க.

5. வழக்கமான குறிப்பீட்டில்,  $3\mathbf{i}, 2\mathbf{i}+3\mathbf{j}$  ஆகியன ஒரு நிலைத்த உற்பத்தி  $O$  பற்றி முறையே  $A, B$  என்னும் இரு புள்ளிகளின் தானக் காவிகளெனக் கொள்வோம்.  $C$  ஆனது நேர்கோடு  $OB$  மீது,  $\widehat{OCA} = \frac{\pi}{2}$  ஆக இருக்கத்தக்கதாக, உள்ள புள்ளி எனவும் கொள்வோம்.  $\overrightarrow{OC}$  ஐ  $\mathbf{i}, \mathbf{j}$  ஆகியவற்றில் காண்க.

6.  $2a$  நீளமும்  $W$  நிறையும் கொண்ட ஒரு சீரான கோல்  $AB$  ஆனது ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழை  $BC$  இனாலும் முனை  $A$  இல் பிரயோகிக்கப்படும் ஒரு கிடை விசை  $P$  இனாலும் உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு நாப்பத்தில் தாங்கப்படுகின்றது. கோல் கிடையுடன் கோணம்  $45^\circ$  ஐ ஆக்குகின்றதெனத் தரப்படின், இழை  $BC$  கிடையுடன் ஆக்கும் கோணம்  $\theta$  ஆனது  $\tan \theta = 2$  இனால் தரப்படுமெனக் காட்டுக.

இந்நிலையில், இழையில் உள்ள இழுவையை  $W$  இற காண்க.







ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்  
Department of Examinations, Sri Lanka  
ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව  
இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம்

අධ්‍යයන පොදු කණික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාග, 2018 අගෝස්තු  
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தரப் பரீட்சை, 2018 ஆகஸ்ட்)  
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2018

සංයුක්ත ගණිතය II  
இணைந்த கணிதம் II  
Combined Mathematics II

10 T II

பகுதி B

\* ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

(இவ்வினாத்தாளில்  $g$  ஆனது புவியீர்ப்பினாலான ஆர்முடுகலைக் குறிக்கின்றது.)

11. (a) ஆழம்  $4d$  மீற்றரை உடைய ஒரு சுரங்கக் கிடங்கில் இயங்கும் ஓர் உயர்த்தி நேரம்  $t = 0$  இல் ஒரு புள்ளி  $A$  இல் ஓய்விலிருந்து நிலைக்குத்தாகக் கீழ்நோக்கி இயங்கத் தொடங்குகின்றது. முதலில் அது மாறா ஆர்முடுகல்  $\frac{g}{2} \text{ m s}^{-2}$  உடன் தூரம்  $d$  மீற்றிற்கும் பின்னர் அது அவ்வியக்கத்தின் இறுதியில் அடைந்த வேகத்துடன் மேலும் தூரம்  $d$  மீற்றிற்கும் இயங்குகின்றது. பின்னர் உயர்த்தி  $A$  இற்குக் கீழே தூரம்  $4d$  மீற்றரில் உள்ள புள்ளி  $B$  இல் செப்பமாக ஓய்வுக்கு வருமாறு மாறா அமர்முடுகலுடன் எஞ்சியுள்ள தூரத்திற்கும் இயங்குகின்றது.

உயர்த்தியின் இயக்கத்துக்கான வேக-நேர வரைபைப் பரும்படியாக வரைக.

இதிலிருந்து, உயர்த்தி  $A$  இலிருந்து  $B$  இற்குக் கீழ்நோக்கி இயங்குவதற்கு எடுக்கும் மொத்த நேரத்தைக் காண்க.

- (b) ஒரு கப்பல் புவி தொடர்பாகச் சீரான கதி  $u \text{ km h}^{-1}$  உடன் வடக்கு நோக்கிச் செல்கின்றது. ஒரு குறித்த கணத்தில் ஒரு படகு  $B_1$  ஆனது தெற்கிலிருந்து கோணம்  $\beta$  கிழக்கே கப்பலின் பாதையிலிருந்து தூரம்  $p \text{ km}$  இல் இருப்பதாகக் கப்பலிலிருந்து அவதானிக்கப்படுகின்றது. அதே கணத்தில், ஒரு படகு  $B_2$  ஆனது கப்பலிலிருந்து மேற்கே தூரம்  $q \text{ km}$  இல் இருப்பதாக அவதானிக்கப்படுகின்றது. இரு படகுகளும் கப்பலை இடைமறிக்கும் நோக்குடன் நேர்கோட்டுப் பாதைகளில் புவி தொடர்பாகச் சீரான கதி  $v (> u) \text{ km h}^{-1}$  உடன் செல்கின்றன. புவி தொடர்பாகப் படகுகளின் பாதைகளைத் துணிவதற்கு வேக முக்கோணிகளை ஒரே வரிப்படத்தில் பரும்படியாக வரைக.

புவி தொடர்பாகப் படகு  $B_1$  இன் பாதை வடக்கிலிருந்து மேற்கே கோணம்  $\beta - \sin^{-1}\left(\frac{u \sin \beta}{v}\right)$  ஐ ஆக்குகின்றதெனக் காட்டி, புவி தொடர்பாகப் படகு  $B_2$  இன் பாதையைக் காண்க.

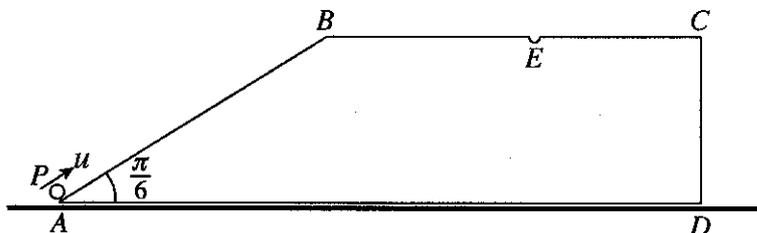
$\beta = \frac{\pi}{3}$ ,  $v = \sqrt{3}u$  எனக் கொள்வோம்.  $3q^2 > 8p^2$  எனின், படகு  $B_1$  ஆனது படகு  $B_2$  இற்கு முன்பாகக் கப்பலை இடைமறிக்குமெனக் காட்டுக.

12. (a) உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள  $AB = a$  ஆகவும்  $\hat{BAD} = \frac{\pi}{6}$  ஆகவும் இருக்கும் சரிவகம்  $ABCD$

ஆனது திணிவு  $2m$  ஐ உடைய ஓர் ஒப்பமான சீரான குற்றியின் புவியீர்ப்பு மையத்தினூடாக உள்ள ஒரு நிலைக்குத்துக் குறுக்குவெட்டாகும்.  $AD, BC$  ஆகிய கோடுகள் சமாந்தரமானவையும் கோடு  $AB$  ஆனது அதனைக் கொண்டுள்ள முகத்தின் ஓர் அதியுயர் சரிவுக் கோடும் ஆகும்.  $AD$  ஐக் கொண்ட முகம் ஓர் ஒப்பமான கிடை நிலத்தின் மீது இருக்குமாறு குற்றி வைக்கப்பட்டுள்ளது. உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு திணிவு  $m$  ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை

$P$  ஆனது புள்ளி  $A$  இல் வைக்கப்பட்டு, அதற்கு  $\vec{AB}$  வழியே ஒரு வேகம்  $u$  தரப்படுகின்றது; இங்கு  $u^2 = \frac{7ga}{3}$ . குற்றி தொடர்பாக  $P$  இன் அமர்முடுகல்  $\frac{2g}{3}$  எனக் காட்டி, துணிக்கை  $P$  ஆனது  $B$  ஐ அடையும்போது குற்றி தொடர்பாகத் துணிக்கை  $P$  இன் வேகத்தைக் காண்க.

அத்துடன் குற்றியின் மேல் முகத்தில்  $BC$  மீது  $BE = \frac{\sqrt{3}a}{2}$  ஆகவுள்ள புள்ளி  $E$  இல் ஒரு சிறிய துளை உள்ளது. குற்றி தொடர்பாக உள்ள இயக்கத்தைக் கருதுவதன் மூலம் துணிக்கை  $P$  ஆனது  $E$  இல் உள்ள துளையினுள்ளே விழுமெனக் காட்டுக.



(b) நீளம்  $a$  ஐ உடைய ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழையின் ஒரு நுனி ஒரு நிலைத்த புள்ளி  $O$  உடனும் மற்றைய நுனி திணிவு  $m$  ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை  $P$  உடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன. துணிக்கை  $O$  இற்கு நிலைக்குத்தாகக் கீழே ஓய்வில் தொங்குகின்றது. அதற்குப் பருமன்  $u = \sqrt{kag}$  ஐ உடைய ஒரு கிடை வேகம் தரப்படுகின்றது; இங்கு  $2 < k < 5$ . இழை கோணம்  $\theta$  இனூடாகத் திரும்பி இன்னும் இறுக்கமாக இருக்கும்போது துணிக்கையின் கதி  $v$  ஆனது  $v^2 = (k-2)ag + 2ag \cos \theta$  இனால் தரப்படுமெனக் காட்டுக.

இவ்வமைவில் இழையில் உள்ள இழுவையைக் காண்க.

$\theta = \alpha$  ஆக இருக்கும்போது இழை தளரும் என்பதை உய்த்தறிக்க; இங்கு  $\cos \alpha = \frac{2-k}{3}$ .

13. திணிவு  $m$  ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை  $P$  ஆனது ஒவ்வொன்றும் இயற்கை நீளம்  $a$  ஐயும் மட்டு  $mg$  ஐயும் உடைய இரு இலேசான சம மீள்தன்மை இழைகளின் இரு நுனிகளுடன் இணைக்கப்பட்டுள்ளது. ஓர் இழையின் சுயாதீன நுனி ஒரு நிலைத்த புள்ளி  $A$  உடனும் மற்றைய இழையின் சுயாதீன நுனி  $A$  இற்கு நிலைக்குத்தாகக் கீழே தூரம்  $4a$  இல் இருக்கும் ஒரு நிலைத்த புள்ளி  $B$  உடனும் இணைக்கப்பட்டுள்ளன (வரிப்படத்தைப் பார்க்க). இரு இழைகளும் இறுக்கமாக இருக்க  $A$  இற்குக் கீழே தூரம்  $\frac{5a}{2}$  இல் துணிக்கை நாப்பத்திலே இருக்குமெனக் காட்டுக.

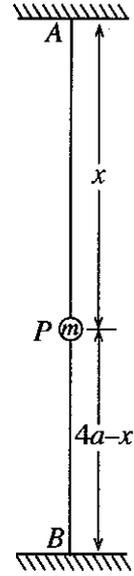
துணிக்கை  $P$  இப்போது  $AB$  இன் நடுப் புள்ளிக்கு உயர்த்தப்பட்டு அத்தானத்தில் ஓய்விலிருந்து மெதுவாக விடுவிக்கப்படுகின்றது. இரு இழைகளும் இறுக்கமாகவும் இழை  $AP$  இன் நீளம்  $x$  ஆகவும் இருக்கும்போது  $\ddot{x} + \frac{2g}{a}(x - \frac{5a}{2}) = 0$  எனக் காட்டுக.

இச்சமன்பாட்டினை வடிவம்  $\ddot{X} + \omega^2 X = 0$  இல் மீண்டும் எழுதுக; இங்கு  $X = x - \frac{5a}{2}$  உம்  $\omega^2 = \frac{2g}{a}$  உம் ஆகும்.

குத்திரம்  $\dot{X}^2 = \omega^2(c^2 - X^2)$  ஐப் பயன்படுத்தி இவ்வியக்கத்தின் வீச்சம்  $c$  ஐக் காண்க. துணிக்கை  $P$  அதன் மிகத் தாழ்ந்த தானத்தை அடையும் கணத்தில் இழை  $PB$  வெட்டப்படுகின்றது.

புதிய இயக்கத்தில்  $x = a$  ஆக இருக்கும்போது துணிக்கை அதன் அதியுயர் தானத்தை அடைகின்றதெனக் காட்டுக.

மேலும் துணிக்கை  $P$  ஆனது  $x = 2a$  இல் உள்ள அதன் தொடக்கத் தானத்திலிருந்து கீழ்முகமாகத் தூரம்  $a$  இற்கும் பின்பு மேன்முகமாகத் தூரம்  $\frac{a}{2}$  இற்கும் செல்வதற்கு எடுக்கும் மொத்த நேரம்  $\frac{\pi}{3} \sqrt{\frac{a}{2g}} (3 + \sqrt{2})$  என மேலும் காட்டுக.



14. (a)  $OAB$  ஒரு முக்கோணி எனவும்  $D$  ஆனது  $AB$  இன் நடுப் புள்ளி எனவும்  $E$  ஆனது  $OD$  இன் நடுப் புள்ளி எனவும் கொள்வோம். புள்ளி  $F$  ஆனது  $OA$  மீது  $OF : FA = 1 : 2$  ஆக இருக்கத்தக்கதாக உள்ளது.  $O$  பற்றி  $A, B$  ஆகியவற்றின் தானக் காவிகள் முறையே  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  ஆகும்.  $\vec{BE}, \vec{BF}$  ஆகிய காவிகளை  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  ஆகியவற்றில் எடுத்துரைக்க.

$B, E, F$  ஆகியன ஒரேகோட்டிலுள்ளன என்பதை உய்த்தறிந்து, விகிதம்  $BE : EF$  ஐக் காண்க.

எண்ணிப் பெருக்கம்  $\vec{BF} \cdot \vec{DF}$  ஐ  $|\mathbf{a}|, |\mathbf{b}|$  ஆகியவற்றிற் கண்டு,  $|\mathbf{a}| = 3|\mathbf{b}|$  எனின்,  $\vec{BF}$  ஆனது  $\vec{DF}$  இற்குச் செங்குத்தானதெனக் காட்டுக.

(b)  $Oxy$ -தளத்தில் உள்ள ஒரு விசைத் தொகுதி முறையே  $(-a, 2a), (0, a), (-a, 0)$  என்னும் புள்ளிகளில் தாக்கும்  $3P\mathbf{i} + 2P\mathbf{j}, 2P\mathbf{i} - P\mathbf{j}, -P\mathbf{i} + 2P\mathbf{j}$  என்னும் முன்று விசைகளைக் கொண்டுள்ளது; இங்கு  $P, a$  ஆகியன முறையே நியூற்றனிலும் மீற்றரிலும் அளக்கப்படும் நேர்க் கணியங்களாகும். உற்பத்தி  $O$  பற்றித் தொகுதியின் வலஞ்சுழித் திருப்பம்  $12Pa \text{ N m}$  எனக் காட்டுக.

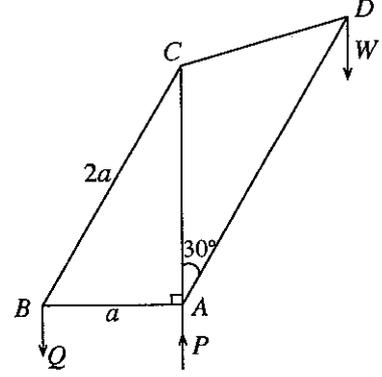
மேலும் தொகுதி பருமன்  $5P \text{ N}$  ஐ உடைய ஒரு தனி விளையுள் விசைக்குச் சமவலுவுள்ளதெனக் காட்டி, அதன் திசையையும் தாக்கக் கோட்டின் சமன்பாட்டினையும் காண்க.

இப்போது இத்தொகுதிக்கு ஒரு மேலதிக விசை, புதிய தொகுதி வலஞ்சுழித் திருப்பம்  $24Pa \text{ N m}$  ஐ உடைய ஓர் இணைக்குச் சமவலுவுள்ளதாக இருக்குமாறு, பகுத்தப்படுகின்றது. மேலதிக விசையின் பருமனையும் திசையையும் தாக்கக் கோட்டின் சமன்பாட்டினையும் காண்க.

AL/2018/10/T-II

15. (a) நிறை  $W$  ஐயும் நீளம்  $2a$  ஐயும் உடைய ஒரு சீரான கோல்  $AB$  இன் முனை  $A$  ஒரு கரடான கிடைத் தரை மீதும் மற்றைய முனை  $B$  ஓர் ஒப்பமான நிலைக்குத்துச் சுவருக்கு எதிரேயும் உள்ளன. கோல் சுவருக்குச் செங்குத்தான ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்தில் இருக்கும் அதே வேளை கிடைப்புடன் கோணம்  $\theta$  ஐ ஆக்குகின்றது; இங்கு  $\tan \theta = \frac{3}{4}$  ஆகும்.  $AC = x$  ஆகுமாறு கோலின் மீது உள்ள புள்ளி  $C$  உடன் நிறை  $W$  ஐ உடைய ஒரு துணிக்கை இணைக்கப்பட்டுள்ளது; துணிக்கையுடன் கோல் நாப்பத்தில் உள்ளது. கோலுக்கும் தரைக்குமிடையே உள்ள உராய்வுக் குணகம்  $\frac{5}{6}$  ஆகும்.  $x \leq \frac{3a}{2}$  எனக் காட்டுக.

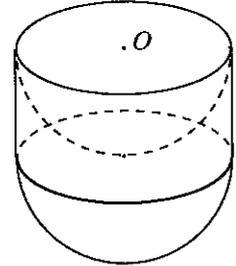
(b) அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ள சட்டப்படல் முனைகளில் சுயாதீனமாக மூட்டப்பட்ட  $AB, BC, AC, CD, AD$  என்னும் ஐந்து இலேசான கோல்களைக் கொண்டுள்ளது.  $AB = a, BC = 2a, AC = CD, \hat{CAD} = 30^\circ$  எனத் தரப்பட்டுள்ளது. நிறை  $W$  ஐ உடைய ஒரு சுமை  $D$  இல் தொங்குகின்றது. முறையே  $A$  இலும்  $B$  இலும் உருவில் காட்டப்பட்ட திசைகளில் தாக்கும்  $P, Q$  என்னும் நிலைக்குத்து விசைகளின் துணையுடன்  $AB$  கிடையாகவும்  $AC$  நிலைக்குத்தாகவும் இருக்கச் சட்டப்படல் ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்திலே நாப்பத்தில் உள்ளது.  $Q$  இன் பெறுமானத்தை  $W$  இற் காண்க.



போவின் குறிப்பீட்டைப் பயன்படுத்தி ஒரு தகைப்பு வரிப்படத்தை வரைந்து, இதிலிருந்து, ஐந்து கோல்களிலும் உள்ள தகைப்புகளைக் கண்டு, இத்தகைப்புகள் இழுவைகளா, உதைப்புகளா என எடுத்துரைக்க.

16. ஆரை  $a$  ஐ உடைய ஒரு சீரான திண்ம அரைக்கோளத்தின் திணிவு மையம் அதன் மையத்திலிருந்து தூரம்  $\frac{3}{8}a$  இல் உள்ளதெனக் காட்டுக.

ஆரை  $a$ , உயரம்  $a$ , அடர்த்தி  $\rho$  ஆகியவற்றை உடைய ஒரு சீரான திண்மச் செவ்வட்ட உருளையிலிருந்து ஆரை  $a$  ஐ உடைய ஓர் அரைக்கோளப் பகுதி நீக்கப்பட்டுள்ளது. இப்போது அருகே உள்ள உருவில் காட்டப்பட்டுள்ளவாறு உருளையின் எஞ்சியிருக்கும் பகுதியின் வட்ட முகத்துடன் ஆரை  $a$  ஐயும் அடர்த்தி  $\lambda\rho$  ஐயும் உடைய ஒரு சீரான திண்ம அரைக்கோளத்தின் வட்ட முகம், அவற்றின் இரு சமச்சீர்ச்சுகளும் பொருந்தத்தக்கதாக, இணைக்கப்பட்டுள்ளது. இவ்வாறு ஆக்கப்படும் பொருள்  $S$  இன் திணிவு மையம் அதன் சமச்சீர்ச்சின் மீது வளையத்தின் மையம்  $O$  இலிருந்து

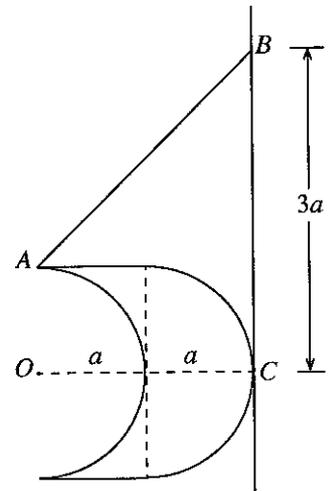


தூரம்  $\frac{(11\lambda + 3)a}{4(2\lambda + 1)}$  இல் உள்ளதெனக் காட்டுக.

$\lambda = 2$  எனவும்  $A$  ஆனது பொருள்  $S$  இன் வட்ட விளிம்பு மீது உள்ள ஒரு புள்ளி எனவும் கொள்வோம்.

ஒரு நுனி ஒரு புள்ளி  $A$  உடனும் மற்றைய நுனி ஒரு கரடான நிலைக்குத்துச் சுவர் மீது உள்ள ஒரு நிலைத்த புள்ளி  $B$  உடனும் இணைக்கப்பட்ட ஓர் இலேசான நீட்டமுடியாத இழையினால் இப்பொருள்  $S$  அந்நிலைக்குத்துச் சுவருக்கு எதிராக நாப்பத்தில் பேணப்படுகின்றது. இந்நாப்பத் தானத்தில்  $S$  இன் சமச்சீர்ச்சு சுவருக்குச் செங்குத்தாக இருக்கும் அதே வேளை  $S$  இன் அரைக்கோள மேற்பரப்பானது புள்ளி  $B$  இற்கு நிலைக்குத்தாகக் கீழே தூரம்  $3a$  இல் உள்ள ஒரு புள்ளி  $C$  இல் சுவரைத் தொடுகின்றது (அருகில் உள்ள உருவைப் பார்க்க).  $O, A, B, C$  ஆகிய புள்ளிகள் சுவருக்குச் செங்குத்தான ஒரு நிலைக்குத்துத் தளத்தில் உள்ளன.

$S$  இன் அரைக்கோள மேற்பரப்புக்கும் சுவருக்குமிடையே உள்ள உராய்வுக் குணகம்  $\mu$  எனின்,  $\mu \geq 3$  எனக் காட்டுக.



[பக். 10 ஐப் பார்க்க

17. (a) ஒரு நிறுவகத்தில் ஒரு குறித்த தொழிலுக்காக விண்ணப்பிக்கும் எல்லா விண்ணப்பகாரர்களும் ஓர் உள்சார்புப் பரீட்சைக்குத் தோற்ற வேண்டும். உள்சார்புப் பரீட்சையில் A தரங்களைப் பெறுபவர்கள் தொழிலுக்காகத் தெரிந்தெடுக்கப்படுவர். ஏனைய விண்ணப்பகாரர்கள் ஒரு நேர்முகப் பரீட்சைக்குத் தோற்ற வேண்டும். ஓர் அளவையீட்டில் விண்ணப்பகாரர்களில் 60% ஆனோர் A தரங்களைப் பெறுவதாகவும் இவர்களில் 40% ஆனோர் பெண்கள் எனவும் காணப்பட்டுள்ளது. நேர்முகப்பரீட்சைக்குத் தோற்றும் விண்ணப்பகாரர்களில் 10% ஆனோர் மாத்திரம் தெரிந்தெடுக்கப்படும் அதே வேளை அவர்களில் 70% ஆனோர் பெண்களாவர்.

(i) இத்தொழிலுக்காக ஓர் ஆண் தெரிந்தெடுக்கப்படுவதற்கான,

(ii) தொழிலுக்காகத் தெரிந்தெடுக்கப்பட்ட ஓர் ஆண் உள்சார்புப் பரீட்சையில் A தரத்தைப் பெற்றிருப்பதற்கான

நிகழ்தகவைக் காண்க.

(b) ஒரு குறித்த மருத்துவமனையில் 100 நோயாளிகள் சிகிச்சையைப் பெறுவதற்கு முன்னர் காத்திருக்கும் (நிமிடத்திலான) நேரங்கள் சேகரிக்கப்பட்டுள்ளன. அந்நேரங்கள் ஒவ்வொன்றிலுமிருந்து 20 நிமிடங்களைக் கழித்துக் கிடைக்கும் வித்தியாசங்கள் ஒவ்வொன்றும் 10 இனால் வகுக்கப்பட்டுப் பெறப்படும் பெறுமானங்களின் பரம்பல் பின்வரும் அட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ளது.

பெறுமான வீச்சு	நோயாளிகளின் எண்ணிக்கை
-2 - 0	30
0 - 2	40
2 - 4	15
4 - 6	10
6 - 8	5

இவ்வட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ள பரம்பலின் இடையையும் நியம விலகலையும் மதிப்பிடுக.

இதிலிருந்து, 100 நோயாளிகளின் காத்திருக்கும் நேரங்களின் இடை  $\mu$  ஐயும் நியம விலகல்  $\sigma$  ஐயும் மதிப்பிடுக.

அத்துடன்  $k = \frac{\mu - M}{\sigma}$  இனால் வரையறுக்கப்படும் ஓராயக் குணகம்  $k$  ஐயும் மதிப்பிடுக; இங்கு  $M$

ஆனது 100 நோயாளிகளின் காத்திருக்கும் நேரங்களின் ஆகாரமாகும்.

\*\*\*